

1. Oblicz ścisłą wartość wyrażeń oraz przy wykorzystaniu kalkulatora:

$$\frac{1}{\frac{1}{2} + \frac{2}{3} + \frac{3}{4}} ; \frac{\frac{4}{3} - 1,5}{-0,001} ; 3 \cos \frac{\pi}{6} - 2 \sin \frac{\pi}{3} ; 0,1 * \sin(30^{\circ}) \left[1 - \frac{\cos(30^{\circ})}{\sqrt{(\frac{3}{2})^2 - \sin^2(30^{\circ})}} \right]$$

2. rozwiąż równania względem x:

$$\frac{1}{x} - \frac{1}{\frac{1}{8}} = -0,25 ; \frac{x-4}{x-1} - \frac{x+3}{x} = 0$$

3. Oblicz wartość wyrażenia:

$$x = (n-1) \left[\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right] + \frac{d(n-1)^2}{n r_1 r_2}, \text{ dla } n=1,4 ; r_1 = -0,01 \text{ m} ; r_2 = -0,02 \text{ m} ; d = 3 \text{ cm.}$$

4. Wyznacz wartość d z równania:

$$-100 = \left(\frac{3}{2} - 1 \right) \left[\frac{1}{-0,01} - \frac{1}{\frac{2}{100}} \right] + \frac{d(\frac{3}{2} - 1)^2}{\frac{3}{2} \cdot (-0,01) \cdot \frac{2}{100}}$$

5. Wyznacz wartość n z równania:

$$(n-1) \left[\frac{1}{r_1} - \frac{1}{r_2} \right] + \frac{d(n-1)^2}{n r_1 r_2} = 56 \frac{1}{4} D, \text{ dla } r_1 = 1 \text{ cm} ; r_2 = -2 \text{ cm} ; d = 3 \text{ cm.}$$

D oznacza dioptrię (wymiarem dioptrii jest odwrotność metra).

6. Narysuj wykres funkcji:

$$y = \frac{1}{x-1} - 1, \text{ narysuj i zapisz równania asymptot.}$$

7. Przekształć algebraicznie równanie $\frac{1}{y} - \frac{1}{x} = \frac{1}{f}$, do postaci $y = f(x)$. Narysuj wykres tej funkcji,

przyjmując a) $f = 1 \text{ m}$, b) $f = -1 \text{ m}$.

8. Uprość wyrażenia:

$$\frac{1}{(x+y)^2} \left(\frac{1}{x^2} + \frac{1}{y^2} \right) + \frac{2}{(x+y)^3} \left(\frac{1}{x} + \frac{1}{y} \right) ; \frac{x^4 - 2x^2 + 1}{x^3 - x}$$

9. Uprość wyrażenie $\frac{1+(a+x)^{-1}}{1-(a+x)^{-1}} \left[1 - \frac{1-(a^2+x^2)}{2ax} \right]$, jeżeli $x = \frac{1}{a-1}$.

10. Uprość wyrażenia:

$$\frac{\cos^2 \alpha - 2 \sin \alpha (1 - \sin \alpha)}{(1 - \sin \alpha) \cos \alpha + (1 + \sin \alpha) \cos \alpha} \cdot \frac{2(1 + \sin \alpha)}{1 - \sin \alpha}$$

11. Uzupełnij tabelkę poniżej:

radiany	stopnie	stopnie, minuty, sekundy
0,2618		
		0°30'12"
	5,234 ⁰	
1,134464014		
	15,5 ⁰	